Cognome											
Nome				No	ON	SCR	IVE	RE (QUI		F
MATRICOLA]	
Laurea	CIV AMB GEST	Inf Eln Tlc	Mec	1	2	3	4	5	6		

Università degli Studi di Parma

Dipartimento di Ingegneria e Architettura

Esame di Analisi Matematica 2

A.A. 2017-2018 — PARMA, 21 FEBBRAIO 2018

Compilate l'intestazione in alto a sinistra e scrivete cognome e nome in stampatello anche su ogni altro foglio. Il tempo massimo per svolgere la prova è di tre ore. Al momento della consegna, inserite tutti i fogli compreso questo dentro ad uno dei fogli protocollo.

Esercizio 1. L'insieme $E = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y(x^2 - 1) > 0\}$ è

- (a) limitato;
- (b) connesso;
- (c) aperto.

L'equazione del piano tangente al grafico della funzione $f(x,y) = y/(x+1), x \neq -1,$ sopra il punto di coordinate (2,3) è

(a)
$$2x - y - 3z = -2$$
;

(b)
$$x - y + 3z = 2$$
;

(c)
$$x - 2y + 3z = -1$$
.

Esercizio 3. Quale delle seguenti equazioni differenziali ha come soluzione la funzione $x(t) = e^{t^2}$, $t \in \mathbb{R}$?

(a)
$$x''(t) - 2x'(t) - x(t) = e^{t^2}$$

(a)
$$x''(t) - 2x'(t) - x(t) = e^{t^2}$$
; (b) $x''(t) - 2tx'(t) - x(t) = e^{t^2}$; (c) $x''(t) - x'(t) - 2x(t) = e^{t^2}$.

(c)
$$x''(t) - x'(t) - 2x(t) = e^{t^2}$$

Esercizio 4. Sia

$$f(x,y) = 2x^2 + 6xy - 5y^2, \qquad (x,y) \in \mathbb{R}^2.$$

- (a) Determinate gli eventuali punti critici di f e stabilitene la natura.
- (b) Determinate i massimi ed i minimi globali di f sull'insieme

$$K = \{(x,y): 2x^2 - 2xy + 6y^2 \le 1\}.$$

Esercizio 5.

$$K = \left\{ (x, y, z): \ 0 \le x \le 2y \ \mathrm{e} \ 0 \le z \le 3 - x - y \right\}.$$

- (a) Descrivete e disegnate l'insieme K.
- (b) Calcolate $I = \int_{V} (x y) dV_3(x, y, z)$.

Esercizio 6. Determinate la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} x'(t) = t \left[\cos\left(x(t)\right)\right]^2 \\ x(0) = \pi/4. \end{cases}$$

Cognome		
Nome	———————————————Non scrivere qui	Б
Matricola		
Laurea	CIV AMB GEST INF ELN TLC MEC	

Università degli Studi di Parma

Dipartimento di Ingegneria e Architettura

Esame di Analisi Matematica 2

A.A. 2017-2018 — PARMA, 21 FEBBRAIO 2018

Compilate l'intestazione in alto a sinistra e scrivete cognome e nome in stampatello anche su ogni altro foglio. Il tempo massimo per svolgere la prova è di tre ore. Al momento della consegna, inserite tutti i fogli compreso questo dentro ad uno dei fogli protocollo.

Esercizio 1. L'insieme $E = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y(x^2 - 1) > 0\}$ è

- (a) limitato;
- (b) connesso;
- (c) aperto.

L'equazione del piano tangente al grafico della funzione $f(x,y) = y/(x+1), x \neq -1$ Esercizio 2. sopra il punto di coordinate (2,3) è

(a)
$$2x - y - 3z = -2$$
;

(b)
$$x - y + 3z = 2$$
;

(c)
$$x - 2y + 3z = -1$$
.

Esercizio 3. Quale delle seguenti equazioni differenziali ha come soluzione la funzione $x(t) = e^{t^2}$, $t \in \mathbb{R}$?

(a)
$$x''(t) - 2x'(t) - x(t) = e^{t^2}$$
;

(a)
$$x''(t) - 2x'(t) - x(t) = e^{t^2}$$
; (b) $x''(t) - 2tx'(t) - x(t) = e^{t^2}$; (c) $x''(t) - x'(t) - 2x(t) = e^{t^2}$.

(c)
$$x''(t) - x'(t) - 2x(t) = e^{t^2}$$

Esercizio 4. Sia $a \in C^1(\mathbb{R})$ una funzione e sia $f \colon \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$ il campo vettoriale di componenti $f = (f^1, f^2)$ definito da

$$f^{1}(x,y) = \frac{ya(x)}{1+y^{2}e^{2x}}$$
 e $f^{2}(x,y) = \frac{a(x)}{1+y^{2}e^{2x}}$

per ogni $(x,y) \in \mathbb{R}^2$.

- (a) Determinate tutte le funzioni $a \in C^1(\mathbb{R})$ che rendono il campo vettoriale f conservativo.
- (b) Per tali funzioni a, determinate i potenziali del corrispondente campo f.
- (b) Determinate a in modo che l'integrale curvilineo di f lungo la curva

$$\gamma(t) = 2(\cos t)e_1 + (\sin t)e_2, \qquad t \in [0, \pi/2],$$

sia uguale a $\pi/4$.

Esercizio 5. Sia

$$K = \{(x, y, z) : 0 \le x \le 2y \in 0 \le z \le 3 - x - y\}.$$

(a) Descrivete e disegnate l'insieme K.

(b) Calcolate
$$I = \int_K (x - y) dV_3(x, y, z)$$
.

Esercizio 6. Determinate la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} x'(t) = t \left[\cos(x(t))\right]^2 \\ x(0) = \pi/4. \end{cases}$$